

Julio Javier Castillo, Diego Javier Serrano, Marina Elizabeth Cárdenas

Laboratorio de Investigación de Software MsLabs, Dpto. Ing. en Sistemas de Información, Facultad Regional Córdoba - Universidad Tecnológica Nacional (Argentina)

<jotacastillo@gmail.com>, <diegojserrano@gmail.com>, <ing.marinacardenas@gmail.com>

Este problema nos acerca al concepto de los números triangulares <http://es.wikipedia.org/wiki/Número_triangular>, que son aquellos números iguales a la sumatoria de los números naturales desde 1 hasta algún n.

De esta forma, los primeros números triangulares son:

$$\begin{aligned} T_1 &= 1 \\ T_2 &= 1 + 2 = 3 \\ T_3 &= 1 + 2 + 3 = 6 \\ T_4 &= 1 + 2 + 3 + 4 = 10 \end{aligned}$$

La denominación es consecuencia de la posibilidad de organizar en forma de triángulo equilátero conjuntos de objetos cuya cardinalidad sea igual a algún número triangular. En el ejemplo del juego del *bowling*, los 10 pinos son ubicados formando un triángulo equilátero con 4 pinos por lado.

El problema nos solicita calcular cuantas hileras de pinos serán necesarias para ubicar una cierta cantidad de pinos. Eso equivale a calcular el menor número triangular que sea mayor que el dato de entrada N.

La solución más simple para obtener el resultado es calcular todos los números triangulares acumulando los números naturales hasta que el acumulador supere a N, contando las iteraciones. La consigna del problema indica que la solución siempre será menor a 105 (dado que para el caso extremo de 10⁹ pinos, hacen falta 44721 hileras), por lo tanto una solución de fuerza bruta no consumirá mucho tiempo de procesamiento. Más aun, todos los números triangulares involucrados pueden ser precalculados y almacenados en un arreglo para luego realizar una búsqueda binaria sobre ellos.

La codificación de esta solución se muestra en el método `ContarHilerasAcumulando()`.

Por otro lado se puede realizar el siguiente análisis:

$$T_n = \frac{n \times (n + 1)}{2}$$

$$2T_n = n^2 + n$$

El Problema del *Superbowling*

El enunciado de este problema apareció en el número 215 de *Novática* (enero-febrero 2012, p.60)

Descartando n en el lado derecho de la igualdad, se puede aproximar:

$$n \approx \sqrt{2T_n}$$

Dado que n siempre es positivo, el resultado de la última ecuación siempre será menor al real, por lo tanto el número n encontrado será igual al resultado del problema o menor. Con un análisis similar se puede concluir que el error introducido nunca será mayor a la unidad.

De esta manera podremos resolver nuestro problema calculando la cantidad de hileras necesarias aplicando la última ecuación y verificando si el resultado cumple con la consigna. Si no la cumple basta con sumar 1 al resultado. Esta solución está implementada en el método `ContarHilerasEcuacion()`.

La solución propuesta para este problema se detalla a continuación:

```
package superbowling;

import java.util.Scanner;

public class Superbowling {

    public static void main(String[] args) {
        int C;
        Scanner sc = new Scanner(System.in);

        C = sc.nextInt();
        while (C > 0)
        {
            int T = sc.nextInt();
            System.out.println(ContarHilerasEcuacion(T));
        }

        public static int ContarHilerasSumando(int n) {
            int hilera = 0;
            int acumulador = 0;
            do {
                hilera++;
                acumulador+=hilera;
            } while (acumulador < n);
            return hilera;
        }

        public static int ContarHilerasEcuacion(int n) {
            double raiz = Math.sqrt(n*2);
            int hilera = (int)Math.floor(raiz);
            int triangular = (hilera*(hilera+1))/2;
            if (triangular < n) hilera++;
            return hilera;
        }
    }
}
```